

تمرين 1 : نعتبر الدالة المعرفة كمالي : $f(x) = (\sqrt{x+1} - 1)^3$

- حدد D_f حيز تعريف الدالة

- ادرس رتابة الدالة f على حيز تعريفها باستعمال التعريف.

- بين أن f تقابل من D_f نحو مجال J يجب تحديده.

- احسب $f^{-1}(x)$ لكل x من J

تمرين 2 : نعتبر الدالة المعرفة كمالي : $f(x) = \frac{x}{\sqrt{1+x}}$

- بين أن : $\forall x \in [-1; +\infty[: f(x) = \sqrt{x+1} - \frac{1}{\sqrt{x+1}}$

- بين أن f تقابل من IR^+ نحو مجال J يجب تحديده.

- احسب $f^{-1}(x)$ لكل x من J

تمرين 3 : احسب النهايات التالية :

$$\lim_{x \rightarrow -2^-} \left(\frac{\sqrt[3]{x^2 - 4}}{x + 2} \right)$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \left(\frac{\sqrt[3]{x+1} - 1}{x} \right)$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \left(\sqrt[3]{8x^3 - x + 1} - x \right)$$

تمرين 4 : أثبت المتساویات التالية :

$$\forall x < 0 \quad \text{Arctan}(x) + \text{Arctan}\left(\frac{1}{x}\right) = \frac{-\pi}{2} , \quad \text{Arctan}\left(\frac{3}{4}\right) + \text{Arctan}\left(\frac{4}{3}\right) = \frac{\pi}{2} , \quad \text{Arctan}\left(\frac{1}{5}\right) + \text{Arctan}\left(\frac{2}{3}\right) = \frac{\pi}{4}$$

تمرين 5 : حل في IR المعادلتین :

$$\text{Arctan}(2x) + \text{Arctan}(3x) = \frac{\pi}{4} , \quad \text{Arctan}\left(\frac{1}{2x-1}\right) + \text{Arctan}(x) = \frac{\pi}{2}$$

تمرين 6 : احسب النهاية التالية : $\lim_{x \rightarrow +\infty} x(\text{Arctg}(2x) - \text{Arctg}(x))$